الصفحة	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2026 -	المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتعليم الأولي والرياضة المركز الوطني للامتحانات المدرسية وتقييم التعلمات
1 / 8		

الموضوع			NS 22F
المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	3س
الشعبة والمسلك	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية (خيار فرنسية)	المعامل	7

Instructions générales

- L'utilisation d'une calculatrice non programmable est autorisée ;
- Le candidat peut traiter les exercices et le problème suivant l'ordre qui lui convient ;
- Il est recommandé d'éviter l'usage de la couleur rouge dans la rédaction des solutions.

Composantes du sujet

L'épreuve est composée de trois exercices et d'un problème, indépendants entre eux, et répartis selon les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3.5 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	2.5 points
Problème	Etude de fonctions numériques, suites numériques et calcul intégral	11 points

Notations

- On note $\overline{z}$ le conjugué d'un nombre complexe z, et $|z|$ son module.
- ln désigne la fonction logarithme népérien.
- e est le nombre réel tel que $\ln(e) = 1$.

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

Exercice 1 (3 points) :

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $\left(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$, on considère les points $A\left(-1,0,1\right)$, $B\left(-3,2,2\right)$, $C(-1,1,2)$ et $D(2,7,-4)$.

Soit (Δ) la droite passant par le point D et dirigée par le vecteur $\vec{u}\left(2,1,2\right)$

0.5 pt	**1.a.** Montrer que $\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}=\vec{i}+2\vec{j}-2\vec{k}$	
0.25 pt	**1.b.** Déduire que $x+2y-2z+3=0$ est une équation cartésienne du plan (ABC)	
0.5 pt	**1.c.** Calculer $\vec{u}.\left(\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}\right)$ et déduire que la droite (Δ) est parallèle au plan (ABC)	

2 Soit (S) la sphère de centre $\Omega(0,3,0)$ et tangente à la droite (Δ).

0.5 pt	**2.a.** Vérifier que $\overrightarrow{\Omega D}.\vec{u}=0$ et déduire que le rayon de la sphère (S) est égale à 6	
0.75 pt	**2.b.** Calculer $d(\Omega,(ABC))$ et déduire que (ABC) coupe la sphère (S) suivant un cercle (Γ) de rayon $r=3\sqrt{3}$	
0.5 pt	**2.c.** Vérifier que $\overrightarrow{C\Omega}=\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}$ et déduire que le point C est le centre du cercle (Γ).	

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

Exercice 2 (3.5 points) :

On considère dans le plan complexe les points A , B et C d'affixes respectives :

$$a = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i, \quad b = e^{i\frac{\pi}{12}} \quad \text{et} \quad c = 1$$

0.5 pt	**1.a.** Écrire le nombre complexe a sous forme trigonométrique .	
0.5 pt	**1.b.** Vérifier que $b^2 = a$ et que $b\overline{b} = 1$	
0.5 pt	**1.c.** Montrer que $a - 1 = (2 - \sqrt{3})i(a + 1)$	

2. Soit T la translation de vecteur $\overrightarrow{OC}$ et D le point d'affixe d tel que $T(A) = D$

0.5 pt	**2.a.** Vérifier que $d = b(b + \overline{b})$ et déduire que les points O , B et D sont alignés.	
0.5 pt	**2.b.** Déduire que $\arg(d) \equiv \frac{\pi}{12}[2\pi]$	
0.5 pt	**3.a.** Vérifier que $\frac{a - c}{d} = (2 - \sqrt{3})i$ et déduire que les droites (AC) et (OD) sont perpendiculaires.	

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

0.5 pt	**3.b.** Montrer que le quadrilatère $OCDA$ est un losange.	

Exercice 3 (2.5 points) :

Une urne contient cinq boules blanches, quatre boules noires et deux boules vertes.

Toutes les boules sont indiscernables au toucher.

On tire au hasard et simultanément trois boules de l'urne.

On considère les évènements suivants :

A : « Les trois boules tirées sont de même couleur. »

B : « Tirer au moins une boule verte. »

0.5 pt	**1.a.** Montrer que $p(A) = \dfrac{14}{165}$	
0.5 pt	**1.b.** Calculer $p\left(\overline{B}\right)$, la probabilité de l'événement contraire de B et déduire que $p(B) = \dfrac{27}{55}$	
0.5 pt	**2.** Calculer la probabilité $p(A \cup B)$.	

3. On considère la variable aléatoire X qui associe à chaque tirage le nombre de boules vertes tirées.

0.75 pt	**3.a.** Copier et compléter le tableau ci-dessous, qui représente la loi de probabilité de la variable aléatoire X	

x_i	0	1	2
$p(X = x_i)$			

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

0.25 pt	**3.b.** Montrer que l'espérance de la variable aléatoire X est $E(X) = \frac{6}{11}$	

Problème (11 points) :

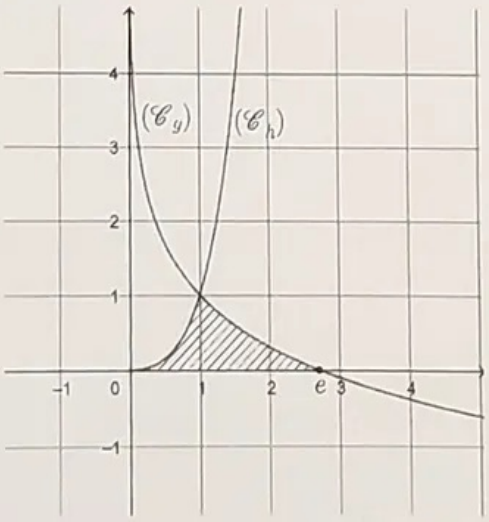
Partie I :

On considère les fonctions numériques g et h définies sur $]0, +\infty[$ par:
$g(x) = 1 - \ln x$ et $h(x) = x^2 e^{x-1}$

0.5 pt	**1.a.** Calculer $g(1)$ et $h(1)$	

0.5 pt	**1.b.** Résoudre l'équation $g(x) = 0$ dans l'intervalle $]0, +\infty[$	

2. Le graphique ci-dessous représente les courbes $(\mathscr{C}_g)$ et $(\mathscr{C}_h)$ des fonctions g et h dans un même repère orthonormé.



0.5 pt	**2.a.** Justifier graphiquement que : pour tout x de $]0, 1[$: $h(x) - g(x) < 0$ et pour tout x de $]1, +\infty[$: $h(x) - g(x) > 0$	

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

0.5 pt	**2.b.** En utilisant une intégration par parties, montrer que : $\int_1^e g(x)\,\mathrm{d}x = e - 2$	
0.75 pt	**2.c.** Vérifier que la fonction $H : x \mapsto e^{x-1}(x^2 - 2x + 2)$ est une primitive de la fonction h sur $]0, +\infty[$, puis calculer $\int_0^1 h(x)\,\mathrm{d}x$	
0.5 pt	**2.d.** Calculer l'aire du domaine hachuré sur le graphique précédent. (en unité d'aire)	

Partie II : On considère la fonction numérique f définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = e^{x-1} - \dfrac{\ln x}{x}$

Soit $(\mathscr{C}_f)$ sa courbe dans un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

0.5 pt	**1.a.** Vérifier que $\lim\limits_{x \to 0^+} f(x) = +\infty$, puis interpréter géométriquement ce résultat.	
0.25 pt	**1.b.** Vérifier que $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$	
0.5 pt	**1.c.** Montrer que $\lim\limits_{x \to +\infty} \dfrac{f(x)}{x} = +\infty$, puis interpréter géométriquement ce résultat.	
0.75 pt	**2.a.** Montrer que pour tout x de $]0, +\infty[$, $f'(x) = \dfrac{h(x) - g(x)}{x^2}$	

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain

Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.

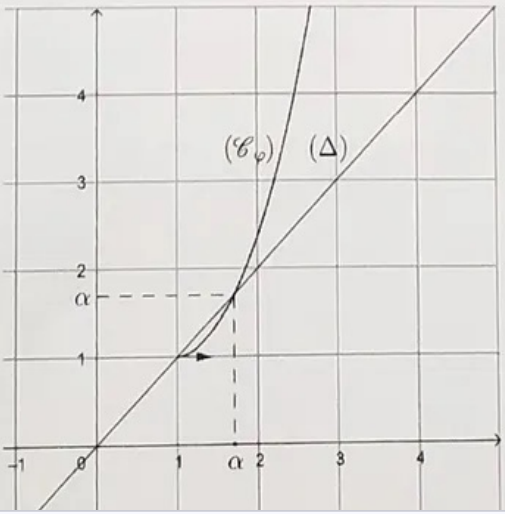
Voir la correction ->
Scanne ce QR

0.5 pt	**2.b.** Dresser le tableau de variations de f sur $]0,+\infty[$ (On peut utiliser la question **2.a** de la partie I.)	
0.5 pt	**2.c.** Déduire que pour tout x de $]0,+\infty[$, $e^{x-1} \geq 1+\dfrac{\ln x}{x}$	
0.75 pt	**3.** Montrer que l'équation $f(x)=x$ admet une solution α tel que : $\frac{3}{2} < \alpha < 2$ (On donne $f(2) \approx 2,37$ et $f(\frac{3}{2}) \approx 1,38$)	

4. Soit φ la restriction de la fonction f sur l'intervalle $[1,+\infty[$

0.5 pt	**4.a.** Montrer que φ admet une fonction réciproque φ^{-1} définie sur un intervalle J que l'on déterminera . (L'expression $\varphi^{-1}(x)$ n'est pas demandée.)	
0.25 pt	**4.b.** Justifier que la fonction φ^{-1} est strictement croissante sur l'intervalle J	

5. Le graphique ci-dessous représente la courbe $(\mathscr{C}_\varphi)$ de la fonction φ et la droite (Δ) d'équation $y=x$ dans un repère orthonormé.



MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR

0.5 pt	**5.a.** Justifier graphiquement que pour tout x de $[1, \alpha]$: $\varphi(x) \leq x$	
0.5 pt	**5.b.** Déduire que pour tout x de $[1, \alpha]$: $\varphi^{-1}(x) \geq x$	
0.5 pt	**5.c.** Reproduire la courbe $(\mathscr{C}_\varphi)$ et tracer la courbe $(\mathscr{C}_{\varphi^{-1}})$ de la fonction φ^{-1} dans un même repère orthonormé.	

Partie III :

Soit la suite numérique (u_n) définie par $u_0 \in]1, \alpha[$ et $u_{n+1} = \varphi^{-1}(u_n)$, pour tout n de $\mathbb{N}$

0.5 pt	**1.** Montrer par récurrence que $1 < u_n < \alpha$, pour tout entier naturel n.	
0.5 pt	**2.** Montrer que la suite (u_n) est croissante. (On peut utiliser la question 5.b de la partie II.)	
0.75 pt	**3.** En déduire que la suite (u_n) est convergente et déterminer sa limite.	

MonBac.ma
Preparation au Baccalaureat marocain
Annales officielles, examens blancs, corrections detaillees et IA educative pour comprendre tes erreurs, progresser et etre pret le jour du Bac.
Voir la correction ->
Scanne ce QR